

**MATH 250 HANDOUT 11 - INJECTIVITY AND SURJECTIVITY
WARMUP**

(1) Draw a picture of a function which is

(a) injective

(b) surjective

(c) not injective

(d) not surjective

(2) Finish the following sentence: a function $f: X \rightarrow Y$ is *not* injective if ...

(3) Finish the following sentence: a function $f: X \rightarrow Y$ is *not* surjective if ...

(4) Label each of the following functions as injective, surjective, bijective, or neither.

(a) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto x^2$.

(b) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto \frac{x+1}{2}$.

(c) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto \cos x$.

(d) Inj Surj Bij N: $[0, \pi) \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto \cos x$.

(e) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R}_{\geq 0} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto \frac{x-1}{x+1}$.

(f) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} - \{-1\} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto \frac{x-1}{x+1}$.

(g) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto \arctan x$.

(h) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2; (x, y, z) \mapsto (x, y)$.

(i) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3; (x, y) \mapsto (x + y, x - y, x^2 + y^2)$.

(j) Inj Surj Bij N: $P(\mathbb{R}) \rightarrow P(\mathbb{Z}); S \mapsto S \cap \mathbb{Z}$.

(k) Inj Surj Bij N: $P(\mathbb{Z}) \rightarrow P(\mathbb{Z}); S \mapsto S \cup \{1\}$.

(l) Inj Surj Bij N: $\mathbb{Z} \rightarrow P(\mathbb{Z}); n \mapsto \{n\}$.

(m) Inj Surj Bij N: $P(\mathbb{Z}) \rightarrow \mathbb{Z}; S \mapsto |S|$ if S is finite, 0 if S is infinite.

(n) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto x^3 + 1$.

(o) Inj Surj Bij N: $\mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}; x \mapsto x(x^2 - 1)$.

(p) Inj Surj Bij N: $\mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}; x \mapsto x^2$.

(q) Inj Surj Bij N: $[1, \infty) \rightarrow [0, \infty); x \mapsto x^3 - x$.